

# | **Théorie Financière**

## 4. Evaluation d'actions et d'entreprises

## Objectifs de la session

1. Introduire le « dividend discount model » (DDM)
2. Comprendre les sources de croissance du dividende
3. Analyser les opportunités de croissance
4. Examiner pourquoi les Price-Earnings ratios varient d'une société à l'autre
5. Introduire le free cash flow model (FCFM)

## PETERCAM

## Morning News

| <b>Mobistar</b>                      |              |         |         | <b>Sell</b>                 |        |        |                |        |        |
|--------------------------------------|--------------|---------|---------|-----------------------------|--------|--------|----------------|--------|--------|
| <i>Telecom</i>                       |              |         |         | <i>Target price : 55.00</i> |        |        |                |        |        |
| Price                                | Mark.cap.(m) | eps 08e | eps 09e | Ratios                      | 12/08e | 12/09e | Glob. fig. (m) | 12/08e | 12/09e |
| 51.24                                | 3,177        | 4.60    | 4.77    | P/E                         | 11.1   | 10.7   | Sales          | 1,548  | 1,520  |
| RIC : MSTAR.BR - Bloomberg : MOBB BB |              |         |         | Div. Yield                  | 5.5%   | 5.5%   | EBITA          | 419    | 403    |
|                                      |              |         |         | EV/EBITDA                   | 5.3    | 5.3    | Adj.Profit     | 280    | 260    |

### Mobistar: Strong Q3, helped by launch of iPhone

Operational results - as usual - were better than consensus. The ARPU is better than expected while customer numbers disappoint us especially in view of the iPhone introduction. Mobistar confirms its guidance so our estimates won't change much.

## DDM: une période

- Rappel: évaluation d'une obligation à 1 an avec un coupon de 4% et une valeur faciale de 50
    - Valeur Faciale: € 50
    - Coupon: € 2
    - Taux d'intérêt: 5%
- $$P_0 = (50+2)/1.05 = 49.52$$
- Combien seriez-vous prêts à payer pour une action aux caractéristiques suivantes:
    - Dividende attendu l'an prochain: € 2
    - Prix attendu l'an prochain: €50
  - Proche de la question précédente mais avec une  $\neq$  cruciale:
    - Le dividende et le prix sont des anticipations, la réalité pourrait être très  $\neq$  . Investir en actions implique une prise de risque plus grande  
=> taux d'actualisation devrait être plus élevé.

## DDM: une période

- Formule d'évaluation à un an

$$P_0 = \frac{div_1 + P_1}{1 + r}$$

← Prix anticipé  
 ←  $r = \text{taux anticipé pour les FP}$   
 = Taux sans risque + Prime de risque

- Revenons à l'exemple. Supposons  $r = 10\%$

$$P_0 = \frac{2 + 50}{1 + 0.10} = 47.27$$

$$\text{Dividend yield} = 2/47.27 = 4.23\%$$

$$\text{Taux du gain en capital} = (50 - 47.27)/47.27 = 5.77\%$$

## DDM: d'où vient le prix anticipé?

- Le prix anticipé à un certain horizon dépend des dividendes anticipés à cet horizon et des prix anticipés au delà de celui-ci.

- Pour trouver  $P_2$ , utilisons à nouveau la formule à un an: 
$$P_1 = \frac{div_2 + P_2}{1 + r}$$

- Le prix aujourd'hui peut alors s'écrire: 
$$P_0 = \frac{div_1}{1 + r} + \frac{div_2}{(1 + r)^2} + \frac{P_2}{(1 + r)^2}$$

- De manière générale:

$$P_0 = \frac{div_1}{1 + r} + \frac{div_2}{(1 + r)^2} + \dots + \frac{div_T}{(1 + r)^T} + \frac{P_T}{(1 + r)^T}$$

## DDM – formule générale

- Avec un horizon infini:

$$P_0 = \frac{div_1}{(1+r)} + \frac{div_2}{(1+r)^2} + \frac{div_3}{(1+r)^3} + \dots + \frac{div_t}{(1+r)^t} + \dots$$

- Mais prévoir les dividendes jusqu'à l'infini n'est pas facile! En pratique on utilise souvent des formules simplifiées. L'une d'elles est le Gordon Growth Model basé sur l'hypothèse que les dividendes croissent à taux constant.

- DDM avec croissance constante  $g$   $P_0 = \frac{div_1}{r - g}$

- *Note:*  $g < r$

# DDM avec croissance constante: exemple

Données

Prochain Div: 6.00

Taux de Croissance du Div.: 4%

Taux d'actualisation: 10%

| Année | Dividende | FacActu | Prix   |
|-------|-----------|---------|--------|
| 0     |           |         | 100.00 |
| 1     | 6.00      | 0.9091  | 104.00 |
| 2     | 6.24      | 0.8264  | 108.16 |
| 3     | 6.49      | 0.7513  | 112.49 |
| 4     | 6.75      | 0.6830  | 116.99 |
| 5     | 7.02      | 0.6209  | 121.67 |
| 6     | 7.30      | 0.5645  | 126.53 |
| 7     | 7.59      | 0.5132  | 131.59 |
| 8     | 7.90      | 0.4665  | 136.86 |
| 9     | 8.21      | 0.4241  | 142.33 |
| 10    | 8.54      | 0.3855  | 148.02 |

$P_0 = 6 / (.10 - .04)$



## Croissance variable

- Supposons que  $r = 10\%$
- Les données suivantes sont disponibles:

|                    |   |      |      |               |
|--------------------|---|------|------|---------------|
| Année              | 1 | 2    | 3    | 4 to $\infty$ |
| Dividende          | 2 | 2.40 | 2.88 | 3.02          |
| Taux de croissance |   | 20%  | 20%  | 5%            |

- $P_3 = 3.02 / (0.10 - 0.05) = 60.48$

$$P_0 = \frac{2}{1.10} + \frac{2.40}{(1.10)^2} + \frac{2.88}{(1.10)^3} + \frac{60.48}{(1.10)^3} = 51.40$$

## Une formule pour $g$

- Dividendes proviennent des revenus:
  - $\text{Dividendes} = \text{Revenus} \times \text{Payout ratio}$
- Payout ratios de sociétés payant des dividendes tendent à être stables.
  - Si on considère:
    - Taux de croissance des dividendes  $g = \text{Taux de croissance des revenus}$
- Revenus augmentent grâce aux investissements.
  - Investissement Net  $\Leftrightarrow$  Revenus réinvestis (retained earnings)
- Taux de croissance des revenus est fonction du:
  - Ratio de Rétention =  $1 - \text{Payout ratio}$
  - Return sur les revenus réinvestis (Return on Retained Earnings, RORE)

## Une formule pour $g$

- Pour le calcul de  $g$ , on peut utiliser le Return on Retained Earnings (RORE) défini comme:  $\text{RORE} = \Delta\text{Revenus}/\text{InvestmentNet}$  (autre possibilité se baser sur le ROE)
- avec  $\Delta\text{Revenus}$  équivalent à l'accroissement permanent des revenus généré par l'investissement net. Exemple pour une société non endettée.

| Année | InvestissementNet | $\Delta\text{Revenus}$ | RORE |
|-------|-------------------|------------------------|------|
| 1     | 100               | 30                     | 30%  |
| 2     | 100               | 20                     | 20%  |
| 3     | 100               | 10                     | 10%  |

- Fin  $t=3$ :
 

|             |   |     |
|-------------|---|-----|
| Book equity | = | 300 |
| Revenus     | = | 60  |
| ROE         | = | 20% |

mais le dernier investissement ne rapporte que 10%!

$$g = (\text{Return on Retained Earnings}) \times (\text{Retention Ratio})$$

- Données:
  - Revenu anticipé par action (Earning per Share) en 1:  $EPS_1 = €10$
  - Payout ratio : 60%
  - Coût d'opportunité du capital  $r$  : 10%
  - Return on Retained Earnings  $RORE$ : 15%
- Evaluation:
  - Dividende par action anticipé pour  $t=1$ :  $div_1 = 10 \times 60\% = €6$
  - Taux de rétention =  $1 - 60\% = 40\%$
  - Taux de croissance du dividende  $g = (40\%) \times (15\%) = 6\%$
- Cours aujourd'hui:
  - $P_0 = €6 / (0.10 - 0.06) = €150$

Données:

Payout = 60%

RORE = 15%

Actifs init = 100

Am/Act = 10%

r = 10%

Revenu Net init = 10

Tax = 40%

| T                   | 0      | 1   | 2      | 3      | 4      | 5      |
|---------------------|--------|---|--------|--------|--------|--------|
| Payout              |        | 60%   | 60%    | 60%    | 60%    | 60%    |
| RORE                |        | 15%   | 15%    | 15%    | 15%    | 15%    |
| Amortissement       |        | 10,00   | 10,40  | 10,82  | 11,27  | 11,75  |
| Revenu net          |        | 10,00   | 10,60  | 11,24  | 11,91  | 12,62  |
| Dividend            |        | 6,00  | 6,36   | 6,74   | 7,15   | 7,57   |
| Cfop                |        | 20,00   | 21,00  | 22,06  | 23,18  | 24,37  |
| Cf fin              |        | -6,00   | -6,36  | -6,74  | -7,15  | -7,57  |
| Cf inv              |        | -14,00  | -14,64 | -15,32 | -16,04 | -16,80 |
| Change in cash      |        | 0,00  | 0,00   |        |        |        |
| Actions (val compt) | 100    | 104,00  | 108,24 | 112,73 | 117,50 | 122,55 |
| Assets              | 100    | 104,00  | 108,24 | 112,73 | 117,50 | 122,55 |
| Valeur              | 150,00 | 159,00  | 168,54 | 178,65 | 189,37 |        |
| V si g = 0          |        | 100 en effet pas de croissance => distribution entièrement en dividende |        |        |        |        |
| NPVGO               | 50     |   |        |        |        |        |

## Modèle avec croissance: exemple

|               |      |      |      |         |         |  |
|---------------|------|------|------|---------|---------|--|
| Actifs        |      | 1000 |      |         |         |  |
| Am/Actifs     |      | 10%  |      |         |         |  |
| Taxes         |      | 40%  |      |         |         |  |
| T             | 0    | 1    | 2    | 3       | 4-inf   |  |
| Payout        |      | 60%  | 60%  | 60%     | 100%    |  |
| RORE          |      | 25%  | 20%  | 15%     | 15%     |  |
| Amortissement |      | 100  | 116  | 133,6   | 152,608 |  |
| Revenu Net    |      | 400  | 440  | 475,2   | 503,712 |  |
| Dividende     |      | 240  | 264  | 285,12  | 503,712 |  |
| Cfop          |      | 500  | 556  | 608,8   | 656,32  |  |
| Cf fin        |      | -240 | -264 | -285,12 | -503,71 |  |
| Cf inv        |      | -260 | -292 | -323,68 | -152,61 |  |
| Δcash         |      | 0    | 0    | 0       | 0       |  |
| FP compta     | 1000 | 1160 | 1336 | 1526,08 | 1526,08 |  |
| Actifs        | 1000 | 1160 | 1336 | 1526,08 | 1526,08 |  |

- Supposons taux d'actualisation  $r = 15\%$
- Etape 1: déterminer la valeur finale
  - Comme Revenus = Dividendes à  $t = 4$
  - $V_3 = 503.71/15\% = 3,358$
- Etape 2: actualiser dividendes anticipés et valeur finale

$$V_0 = \frac{240}{1.15} + \frac{264}{(1.15)^2} + \frac{285.12}{(1.15)^3} + \frac{3,358.08}{(1.15)^3} = 2,803.78$$

## Valoriser les Opportunités de Croissance

- Supposons:
  - Revenu par action anticipé en  $t = 1$   $EPS_1 = €10$
  - Coût d'opportunité du capital  $r = 10\%$

|                             | Cy A | Cy B | Cy C |
|-----------------------------|------|------|------|
| Payout ratio                | 60%  | 60%  | 100% |
| Return on Retained Earnings | 15%  | 10%  | -    |
| Dividende dans un an        | €6   | €6   | €10  |
| $g$                         | 6%   | 4%   | 0%   |
| Prix par action $P_0$       | €150 | €100 | €100 |

- Pourquoi A vaut-elle plus que B ou C?
- Pourquoi B et C ont elles la même valeur malgré des politiques d'investissement différentes



## Valeur Actuelle Nette des Opportunités de Croissance

- Cy C est une entreprise “cash cow”
  - Revenus = Dividendes (Payout = 1)
  - Pas d’investissement net
- Cy B ne crée pas de valeur
  - Dividendes < Revenus, Payout <1, Net investment >0
  - MAIS: Return on Retained Earnings = Coût du capital
  - VAN des investissement nets= 0
- Cy A est une action de croissance (growth stock)
  - Return on Retained Earnings > Coût du capital
  - Investment Net créé de la valeur (NPV>0)
  - Valeur Actuelle Nette des Opportunités de Croissance (VANOC);  
Net Present Value of Growth Opportunities (NPVGO)
  - $NPVGO = P_0 - EPS_1/r = 150 - 100 = 50$

## Source de la VANOC ?

- Valeur *additionnelle* si l'entreprise retient une partie des revenus pour financer de nouveaux projets

$$P_0 = \frac{EPS}{r} + PV(NPV_1) + PV(NPV_2) + PV(NPV_3) + \dots$$

- avec  $PV(NPV_t)$  la valeur actuelle en  $t = 0$  de la valeur actuelle nette calculée en  $t$  d'un investissement futur en  $t$
- Dans l'exemple précédent:

$$T=1: EPS_1 = 10 \quad div_1 = 6 \Rightarrow \text{Investissement Net} = 4$$

$$\Delta EPS = 4 * 15\% = 0.60 \text{ (une augmentation perpétuelle)}$$

$$NPV_1 = -4 + 0.60/0.10 = +2 \text{ (en } t = 1)$$

$$PV(NPV_1) = 2/1.10 = 1.82$$

## Au delà du DDM: Le Free Cash Flow Model

- Le DDM permet d'avoir une estimation des gains espérés par l'actionnaire => on trouve les CF qu'il peut espérer (les dividendes) et on les actualise à un taux reflétant le risque prix par l'actionnaire (le coût d'opportunité du capital)
- En revanche, le DDM ne permet pas de comprendre la source ayant généré les dividendes et ne se soucie pas des revenus pour les autres investisseurs (par exemple les obligataires)
- Une approche pour tenir compte de tous les investisseurs (actionnaires et obligataires) est de « remonter » dans le Tableau de Flux de Trésorerie (cash flow statement) et de s'intéresser aux Flux de Trésorerie Disponibles (Free Cash Flows)
- Dans la suite nous verrons:
  - Le passage du DDM au FCFM dans un cadre simplifié (sans dette)
  - L'application du FCFM dans un monde avec dettes

## Au delà du DDM: Le Free Cash Flow Model

- Supposons une entreprise non endettée.
- Si l'entreprise:
  - N'utilise pas de nouvelles ressources externes (pas d'émission d'actions, # actions constant)
  - N'accumule pas de cash (pas de changement de cash)
- Alors, d'après le cash flow statement (pour rappel :  
Free Cash Flow = DIV -  $\Delta K$  +  $\Delta \text{Cash}$ ):
  - Free Cash Flow = Dividende
  - CF opérationnel – Investissement = Dividende
- Entreprise est financièrement limitée par le niveau des CF opérationnels

## Du DDM au FCFM: formules

- Supposons une entreprise non endettée
- Valeur d'une action:  $P_0 = (div_1 + P_1)/(1+r)$
- Valeur de marché de l'entreprise = valeur de toutes les actions
  - $V_0 = n_0 P_0 = (n_0 div_1 + n_0 P_1)/(1+r)$
- $n_0 div_1 =$  Dividende total  $DIV_1$  payé par l'entreprise en  $t = 1$
- $n_0 P_1 =$  Valeur des "anciennes" actions
  - De nouvelles actions peuvent être émises (ou rachetées) en  $t = 1$
  - $V_1 = n_1 P_1 = n_0 P_1 + (n_1 - n_0) P_1$
- Etat des cash flow (pas de dettes, cash constant):
  - $FCF_1 = DIV_1 - (n_1 - n_0) P_1 \rightarrow DIV_1 + n_0 P_1 = FCF_1 + V_1$
- Conclusion:
  - $V_0 = (FCF_1 + V_1) / (1+r)$

## FCFM: exemple

Situation actuelle

# actions: 100m

Euro m

| Année          | 1   | 2   | 3 - ∞ |
|----------------|-----|-----|-------|
| Revenu Net     | 100 | 100 | 100   |
| Amortissement  | 50  | 50  | 50    |
| Investissement | 50  | 50  | 50    |
| Dividendes     | 100 | 100 | 100   |

Valeur de marché de l'entreprise ( $r = 10\%$ )  $V_0 = 100/0.10 = €1,000m$

Prix par action  $P_0 = €1,000m / 100m = €10$ ,  $H_0$  amortissement  $\Leftrightarrow$

investissement (remplacement), nouveau projet sans impact sur le BFR

Projet

| Année                  | 1   | 2   | 3 - ∞ |
|------------------------|-----|-----|-------|
| Investissement         | 100 | 110 | 20    |
| $\Delta$ Revenu Net    |     | 50  | 100   |
| $\Delta$ Amortissement |     | 10  | 20    |

## Calcul des FCF

| Année                | 1           | 2           | 3 - $\infty$ |
|----------------------|-------------|-------------|--------------|
| Revenu Net           | 100         | 150         | 200          |
| Amortissement        | 50          | 60          | 70           |
| <i>CF op</i>         | <i>150</i>  | <i>210</i>  | <i>270</i>   |
| Invt Act Fixes       | 50          | 60          | 70           |
| Expansion            | 100         | 100         | 0            |
| <i>CF investment</i> | <i>-150</i> | <i>-160</i> | <i>-70</i>   |
| Free cash flow       | 0           | 50          | 200          |

## Autofinancement: $DIV = FCF$ , pas d'émission d'actions

|                    |   |    |     |
|--------------------|---|----|-----|
| Free cash flow     | 0 | 50 | 200 |
| Dividendes         | 0 | 50 | 200 |
| Emission d'actions | 0 | 0  | 0   |

Valeur de marché des actions avec le projet:

(Comme le nombre d'actions est constant, actualiser les free cash flows ou les dividendes totaux revient au même)

$$V = \frac{0}{1.10} + \frac{50}{(1.10)^2} + \frac{1}{(1.10)^2} \frac{200}{0.10} = 1,694$$

VAN = accroissement de la valeur des actions due au projet

$$VAN = 1,694 - 1,000 = 694$$



Financement extérieur: Dividende = Revenu Net,  
Emission actions = Div. – FCF

|                  |     |     |     |     |
|------------------|-----|-----|-----|-----|
| FCF              | 100 | 0   | 50  | 200 |
| Div              | 100 | 100 | 150 | 200 |
| Emission actions |     | 100 | 100 | 0   |

Valeur de marché des actions avec le projet:

(Actualisation des free cash flow, pas des dividendes totaux)

$$V = \frac{0}{1.10} + \frac{50}{(1.10)^2} + \frac{1}{(1.10)^2} \frac{200}{0.10} = 1,694$$

Même valeur qu'avant!!!

## Pourquoi ne pas actualiser les dividendes totaux?

Parce qu'une partie des futurs dividendes sera payée aux nouveaux actionnaires!!!!. Cette partie ne doit donc pas être prise en compte pour la valorisation des actions d'aujourd'hui.

Pour montrer cela, décomposons par année la valeur de toutes les actions en séparant les anciennes (existant en  $t-1$ ) des nouvelles actions (juste émises)

|                   | 0       | 1       | 2       |
|-------------------|---------|---------|---------|
| Valeur            | 1694,21 | 1863,64 | 2000,00 |
| Anciennes actions | 1694,21 | 1763,64 | 1900,00 |
| Nouvelles actions |         | 100,00  | 100,00  |

## Combien d'actions émettre?

|              | 0      | 1      | 2      | 3      |
|--------------|--------|--------|--------|--------|
| Div tot      | 100,00 | 100,00 | 150,00 | 200,00 |
| n actions    |        | 100,00 | 105,67 | 111,23 |
| Div/actions  |        | 1,00   | 1,42   | 1,80   |
| P par action | 16,94  | 17,64  | 17,98  |        |

Le prix par action est obtenu en divisant la valeur de marché des anciennes actions par le nombre d'anciennes actions:

T = 1: Nombre d'anciennes actions = 100

$$P_1 = 1,764 / 100 = 17.64$$

Le nombre d'actions à émettre est obtenu en divisant l'émission totale par le prix d'une action:

T = 1: Nombre d'actions émises =  $100 / 17.64 = 5.67$

Le même type de calcul pour t = 2 amène à:

Nombre d'anciennes actions = 105.67

Prix par action  $P_2 = 1,900 / 105.67 = 17.98$

Nombre d'actions émises =  $100 / 17.98 = 5.56$

## Pour l'instant: dette absente des calculs

- Quel est l'impact de l'endettement sur la valeur de l'entreprise?
- La valeur de l'entreprise est constituée à la fois de la valeur de marché des actions et de la valeur de marché de la dette nette (Dette - Cash)
- $V = \text{Net Debt} + E = E + D - \text{Cash}$
- Pour déterminer la valeur de l'entreprise on va s'intéresser à la valeur des flux financiers que l'ensemble des investisseurs va obtenir
- Imaginons que nous détenions toutes les actions et toutes les dettes de l'entreprise, dans ce cas nous aurions droit à l'ensemble des Free Cash Flows
- $V_0 = VA(FCF)$
- La question se pose néanmoins de savoir à quel taux actualiser ces FCF...

## Taux d'actualisation des Free Cash Flows

- Le taux d'actualisation peut-il être égal à celui utilisé pour les dividendes?
- Le taux utilisé pour les dividendes reflète le taux requis pour compenser le risque des actionnaires, l'expected return on equity,  $r_e$
- Or, si la société est endettée on a deux types d'investisseurs aux profils de risque différent => à moins que la société ne soit entièrement financée par actions, les taux seront différents
- En fait les FCF serviront tant à payer les détenteurs de dette que les actionnaires => l'actualisation se fera par le **coût moyen pondéré du capital** (weighted average cost of capital, wacc) ce taux sera présenté sous la forme  $r_{wacc}$

- Donc

$$V_0 = \sum_{i=1}^n \frac{FCF_i}{(1 + r_{wacc})^i}$$

## Exemple

- Supposons une entreprise avec le bilan suivant (en million EUR):

| Actif        |    | Passif |    |
|--------------|----|--------|----|
| Actifs fixes | 80 | FP     | 70 |
| BFR          | 10 | Dette  | 30 |
| Cash         | 10 |        |    |

- Les fonds propres sont représentés par 20 millions d'actions, la dette a une valeur de marché égale à sa valeur comptable de 30 millions. Le taux de taxation marginal de l'entreprise est de 40%, son wacc est de 10%, les charges d'exploitation représentent 10% du chiffre d'affaire qui s'élève en  $t = 0$  à 100, son taux de croissance est estimé à 8% pour les 5 prochaines années, puis il devrait se stabiliser à 3% à l'infini. Le BFR représente 10% du CA et la société n'envisage que d'effectuer des investissements de remplacement (i. e.  $AMO = NET\ INV$ ). Dans ce contexte que vaut une action?

## Exemple

|              | 0     | 1      | 2      | 3      | 4      | 5      | 6      |
|--------------|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
|              | 100   | 108,00 | 116,64 | 125,97 | 136,05 | 146,93 | 151,34 |
| g            |       | 8,00%  | 8,00%  | 8,00%  | 8,00%  | 8,00%  | 3,00%  |
| Res Exploita |       | 9,72   | 10,50  | 11,34  | 12,24  | 13,22  | 13,62  |
| Taxes        |       | 3,89   | 4,20   | 4,53   | 4,90   | 5,29   | 5,45   |
| DeltaBFR     |       | 0,80   | 0,86   | 0,93   | 1,01   | 1,09   | 0,44   |
| FCF          |       | 5,03   | 5,43   | 5,87   | 6,34   | 6,85   | 7,73   |
| V            | 90,64 | 94,67  | 98,70  | 102,70 | 106,63 | 110,45 | 113,77 |
| P            | 3,53  | 70,638 |        |        |        |        |        |

Avec  $V_6 = FCF_6 \times (1+g) / (r_{wacc} - g)$  et  $V_5 = (V_6 + FCF_5) / (1+r_{wacc})$

$V = E + D - \text{Cash} \Rightarrow E = V - D + \text{Cash} = 90.64 - 30 + 10 = 70.64$

Prix d'une action =  $70.64 / 20 = 3.53\text{€}$

## Mais questions restent ouvertes...

- D'où provient le WACC?
- Quelle serait la structure optimale du capital (s'il en existe une)?
- La valeur
  - de l'entreprise
  - du coût du capital

changent-ils si l'endettement varie ?

- => Pour répondre à cette question, passage d'abord par un monde simplifié sans taxe, ni frais de transactions
- Monde plus complexe et détails du  $r_{wacc}$  vu seulement en MA1...



## Exemple

- Supposons une entreprise non endettée:
  - Valeur de marché  $V$  100
  - Coût du Capital 11%
- La société envisage d'emprunter 20 pour racheter des actions propres.
- Idée?
  - La dette est moins risquée que les actions donc doit coûter moins cher
  - Remplacer des actions par de la dette devrait réduire le coût moyen du financement
- Quel sera l'impact final
  - Sur la valeur de la société? ( $E+D$  (Equity + Debt))?
  - Sur le coût moyen pondéré du capital ( $r_{WACC}$ )?

## Coût Moyen Pondéré du Capital Weighted Average Cost of Capital (WACC)

- Une moyenne du:
  - Coût des actions (E)  $r_{equity}$
  - Coût de la dette (D)  $r_{debt}$
  - Pondérée par leur **valeur de marché** ( $E/V$  et  $D/V$ )

$$r_{wacc} \equiv r_{equity} \times \frac{E}{V} + r_{debt} \times \frac{D}{V}$$

- NB:  $V = E + D$

## Modigliani Miller I (1958)

- Supposons un marché parfait des capitaux: pas taxes, pas de coûts de transaction
- Proposition I:
  - La valeur de marché de n'importe quelle firme est indépendante de sa structure du capital:

$$V = E + D = \text{Actifs} = V_U$$

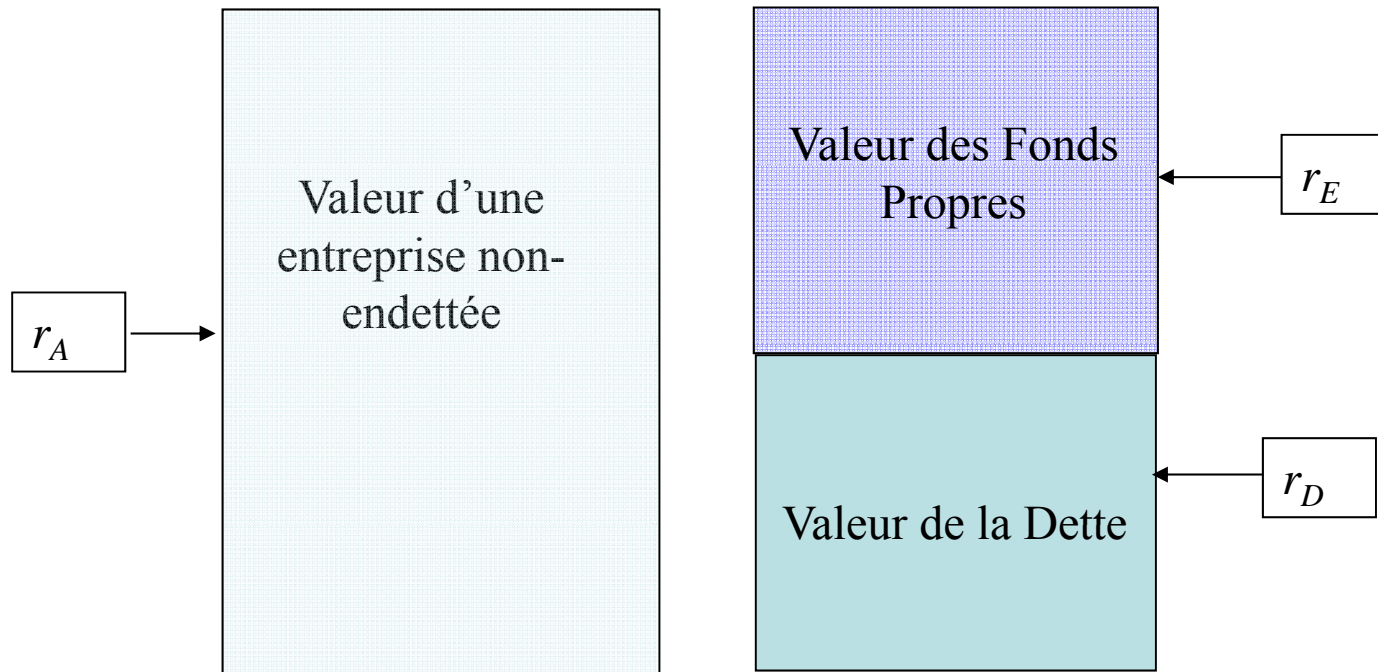
- Proposition II:
  - Le coût moyen pondéré du capital est indépendant de la structure du capital

$$r_{wacc} = r_A$$

- $r_A$  est le coût du capital pour une entreprise non endettée (*unlevered*)
- NB: Quelle que soit la structure du capital, les actifs totaux de la firme demeurent constants dans ce modèle

# Coût des actions

$$V(=V_U) = E + D$$



$$r_A = r_E \frac{E}{V_L} + r_D \frac{D}{V_L}$$

## En pratique

- Valeur de l'entreprise:  $V = 100$
- |                    | Initiale | Finale                                   |
|--------------------|----------|--|
| • Fonds Propres    | 100      | 80                                       |
| • Dette            | 0        | 20                                       |
| • Total            | 100      | 100 MM I                                 |
| • $WACC = r_A$     | 11%      | 11% MM II                                |
| • Coût de la dette | -        | 5% ( $H_0$ : dette sans risque)          |
| • $D/V$            | 0        | 0.20                                     |
| • Coût des FP      | 11%      | 12.50% (pour obtenir $r_{wacc} = 11\%$ ) |
| • $E/V$            | 100%     | 80%                                      |

## Pourquoi $r_{wacc}$ demeure-t-il constant?

- Supposons quelqu'un détenant un portefeuille comprenant tous les titres émis par l'entreprise (dettes et FP) avec  $X_{equity} = E/V$  (80% dans l'exemple) et  $X_{debt} = D/V$  (20%)
- Rentabilité attendue du portefeuille =  $r_{equity} * X_{equity} + r_{debt} * X_{debt}$
- Par définition ceci est égal au WACC:

$$r_{portoflio} = r_{wacc}$$

- Mais en fait, cette personne détiendrait toute l'entreprise. La rentabilité attendue serait alors la même que celle pour l'entreprise si elle n'était pas endettée

$$r_{portoflio} = r_A$$

- Le coût moyen pondéré du capital (wacc) est donc égal au coût du capital de l'entreprise non endettée

$$r_{wacc} = r_A$$

# MM II: une autre présentation

$$r_{equity} = r_A + (r_A - r_{debt}) \times \frac{D}{E}$$

